

## Erwartungswert

Der Mittelwert  $t_m$  der Weibull-Verteilung wird selten verwendet.

$$t_m = T \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right) \quad t_m = (T - t_o) \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right) + t_o$$

2-parametrig

3-parametrig

Den Erwartungswert bezeichnet man in der Literatur

- für nichtinstandzusetzende Einheiten auch als *MTTF* (Mean Time To Failure), in deutsch "Mittlere Lebensdauer".
- Für instandzusetzende Einheiten auch als *MTBF* (Mean operating Time Between Failures), in deutsch "Mittlere Betriebsdauer bis zum Ausfall".

Für eine konstante Ausfallrate mit  $b=1$  erhält man den Erwartungswert *MTTF* aus dem Kehrwert des Parameters  $\lambda$  ( $MTTF=1/\lambda$ ). Dies ist für die Weibull-Verteilung **nicht** generell gültig.

## Standardabweichung

Die Standardabweichung der Weibull-Verteilung erhält man ebenfalls mit Hilfe der Gamma-Funktion durch:

$$\sigma = T \sqrt{\Gamma\left(1 + \frac{2}{b}\right) - \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right)^2} \quad \sigma = (T - t_o) \sqrt{\Gamma\left(1 + \frac{2}{b}\right) - \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right)^2}$$

2-parametrig

3-parametrig

## Varianz

Entsprechend der Standardabweichung gilt:

$$\sigma^2 = T^2 \left( \Gamma\left(1 + \frac{2}{b}\right) - \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right)^2 \right) \quad \sigma^2 = (T - t_o)^2 \left( \Gamma\left(1 + \frac{2}{b}\right) - \Gamma\left(1 + \frac{1}{b}\right)^2 \right)$$

2-parametrig

3-parametrig